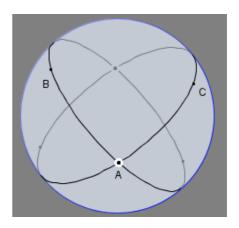
#### Item 12

Schreibe so viele Dinge wie möglich auf, die passieren könnten, wenn man Geometrie nicht in der Ebene, sondern auf einer Kugel macht.

Beispiel: Wenn wir zwei sich schneidende Geraden auf der Kugel zeichnen, dann kann es passieren, dass sie sogar zwei Schnittpunkte haben, wie in der nebenstehenden Zeichnung. Denke gut nach, lasse deine Gedanken schweifen, damit du möglichst viele Ideen bekommst.

Wenn du mehr Platz brauchst, dann frage nach zusätzlichen Aufgabenblättern für diese Aufgabe.



**Fluency:** Each relevant response is given one point.

**Flexibility:** The number of different categories of relevant responses. Each flexibility category is given one point.

- C1 Responses that describe different geometric elements (line, line segment, circle...) on the spherical surface.
- C2 Responses that consider the intersection points of lines on the spherical surface.
- C3 Responses that concern lines parallelism and perpendicularity on the spherical surface.
- C4 Responses that concern the distance between two points on the spherical surface.
- C5 Responses that concern angle measurements on the spherical surface.
- C6 Responses that concern areas of figures on the spherical surface.
- C7 Responses that related to other domain

**Originality/Novelty:** It is the statistical infrequency of responses in relation to peer group. Each response is given zero, one, two, three or four points according to the following table:

Grading originality points for the geometric creativity test

The number of students who registered the response	1	2	3	4	5
	Student	Student	Student	Student	Student
Originality score	4	3	2	1	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Die Winkelsumme eines Dreieckes auf der Kugel kann			
$3 \times 90^{\circ} = 270^{\circ}$ groß werden.			
(WSD)	1	C5	1
Parallele Geraden schneiden einander. (an der Polen)			
(PSP)	1	C3	1
Score	2	2	2

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Eine Gerade auf einer Kugel erstellt einen Kreis, Dieser			
Kreis hat stets denselben Umfang.			
(GK)	1	C1	0
2 Geraden können 2 Schnittpunkte haben.			
3 Geraden können 6 Schnittpunkte haben.			
4 Geraden können 8 Schnittpunkte haben.			
Auf einer Kugel können Geraden stets doppelt so viele			
Schnittpunkte habe wie auf der Ebene.			
(GSP)	1	C2	0
Score	2	2	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wenn wir zwei sich zueinander parallele Geraden auf			
der Kugel zeichnen, dann kann es passieren, dass			
diese sogar zwei Schnittpunkte haben.			
(PSP)	1	C3	1
Wenn wir drei sich schneiden die Gerade auf der			
Kugel zeichnen, dann kann es passieren, dass sie sogar			
sechs Schnittpunkte haben.			
(GSP)	1	C2	0
Wenn wir zwei sich zueinander senkrechte Geraden			
auf der Kugel zeichnen, dann kann es passieren, dass			
diese sogar zwei Schnittpunkte haben.			
(SSP)	1	C3	3
Score	3	2	4

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Aus einem $\triangle$ ABC in der Ebene werden zwei Dreiecke			
auf der Kugel ΔABC u. ΔDEF.			
(2D)	1	C1	3
Eine Strecke $\overline{AB}$ wird auf der Kugel eine Kurve.	1	C1	4
Die Größen Verhältnisse bleiben auf der Kugel gleich			
wie in der Ebene.	1	C7	4
Parallele Geraden in der Ebene schneiden sich auf der			
Kugel zwei Mal.			
(PSP)	1	C3	1
Senkrechte Geraden haben auf der Kugel ebenfalls			
zwei Schnittpunkte der Winkel in dem sie sich			
schneiden bleibt aber immer der gleiche (90°)?			
(SSP)	1	C3	3
Bei parallelen Geraden ändert sich der Winkel in			
dem sie sich schneiden.	1	C3	4
Score	6	3	19

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
In einer Geraden würden Anfangs und Endpunkt immer Übereinstimmen, wenn man sie lang genug			
zeichnet.			
(AUEP)	1	C1	2
Score	1	1	2

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wenn man 2 Linien aufzeichnet, die senkrecht			
zueinander verlaufen entstehen 4 gleich große Figuren.			
(wenn man durch schneitet)			
(4GT)	1	C1	3
Score	1	1	3

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wrong response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Angenommen wir zeichnen ein Quadrat mit Geraden			
entstehen 8 Schnittpunkte.			
(GSP)	1	C2	0
Score	1	1	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
No response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Bei drei Geraden bekommt man zwei Dreiecke.			
(2D)	1	C1	3
Bei vier sich schneiden Geraden entsteht durch die			
Verbindung der Schnittpunkte ein Quader.	1	C2	4
Eine Gerade wird zu einem Kreis.			
(GK)	1	C1	0
Score	3	3	7

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wrong response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Ein Dreieck auf einer Kugel hat eine Winkelsumme,			
$die > 180^{\circ}$ ist.			
(WSD)	1	C5	1
Geraden sind Kreise. z. B. Äquator.			
(GK)	1	C1	0
Kreise werden zu Ellipsen.	1	C1	4
Wenn der Radius unendlich (∞) groß wird, entsteht			
Geometrie in der Ebene.	1	C7	4
Score	4	3	9

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Parallelen auf Kugel können zwei Schnittpunkte			
haben.			
(PSP)	1	C3	1
Gerade auf der Kugel ist nicht unendlich Kreis.			
(GK)	1	C1	0
Dreieck auf der Kugel hat die Winkelsumme zwischen			
180° und 540°.			
(WSD)	1	C5	1
Der kürzeste Abstand zweier Punkte auf der Kugel			
muss über den (Groß) Kreisbogen ermittelt werden.			
(KA)	1	C4	2
Score	4	4	4

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Not clear response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Not clear response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Eine Gerade ist nicht "unendlich" sie würde sich			
immer zu einem Kreis formen.			
(GK)	1	C1	0
Score	1	1	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
2 senkrechte Geraden schneiden die Kugel in vier			
gleich große Teile.			
(4GT)	1	C1	3
Score	1	1	3

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wrong response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wrong response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Es gibt 2 Abstände zwischen 2 Punkte.	1	C4	4
Score	1	1	4

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Die Geraden sind in Wirklichkeit gewölbt.	1	C1	4
Score	1	1	4

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Die kürzeste Verbindung zwischen 2 Punkte wäre			
keine Gerade mehr.			
(KA)	1	C4	2
Bei einer Geraden sind Anfangs und Endpunkt			
derselbe.			
(AUEP)	1	C1	2
Die Fläche von Dreieck ist großer als in der Ebene			
(wegen Krümmung).	1	C6	4
Score	3	3	8

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Winkelsumme in Dreieck auf der Kugel muss nicht			
180° ergeben.			
(WSD)	1	C5	1
Jeder Gerade hat den Gleichen Anfangs und Endpunkt.			
(AUEP)	1	C1	2
Die längste Gerade auf der Kugel ist die Gerade "um			
dem Durchmesser"	1	C4	4
Score	3	3	7

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Die kürzeste Entfernung zwischen 2 Punkte ist nicht			
mehr eine Gerade. Sondern eine gekrümmte Linie(vgl.			
Flugrouten)			
(KA)	1	C4	2
Geraden sind nicht mehr unendlich, sondern schließen			
sich O geschlossen.			
(GK)	1	C1	0
Score	2	2	2

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wrong response.	0	0	0
Score	0	0	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wenn wir drei Geraden miteinander schneiden kann			
es sein, dass sie 6 Schnittpunkte haben.			
(GSP)	1	C2	0
Score	1	1	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Geraden sind nicht unendlich lang.	1	C1	4
Flächenberechnung: Formeln wie bisher stimmen nicht			
mehr.			
(FI)	1	C6	3
Auf Kugel: Satz des Pythagoras stimmt nicht mehr.	1	C7	4
Score	3	3	9

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Bei drei Geraden: 6 Schnittpunkt			
(GSP)	1	C2	0
Score	1	1	0

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Flächeninhalte werden anders.	1	C5	3
Score	1	1	3

Student's Responses	Flu.	Flex.	Ori.
Wrong response.	0	0	0
Score	0	0	0

# Originality Scores for Students' Responses on Item 12

Student's Responses	Frequency	Originality Scores
Eine Gerade auf einer Kugel erstellt einen Kreis,		
Dieser Kreis hat stets denselben Umfang. (GK) (Gerade Kreis)	6	0
2 Geraden können 2 Schnittpunkte haben.	Ü	
3 Geraden können 6 Schnittpunkte haben.		
4 Geraden können 8 Schnittpunkte haben.		
Auf einer Kugel können Geraden stets doppelt so		
viele Schnittpunkte habe wie auf der Ebene. (GSP) (Gerade Schnittpunkte)	5	0
Winkelsumme in Dreieck auf der Kugel muss nicht	<u> </u>	U
180° ergeben.		
(WSD) (Winkelsumme von Dreieck)	4	1
Parallele Geraden in der Ebene schneiden sich auf		
der Kugel zwei Mal.		
(PSP) (Parallele Schnittpunkte)	4	1
Jeder Gerade hat den Gleichen Anfangs und		
Endpunkt.	2	2
(AUEP) (Anfangs und Endpunkt) Die kürzeste Entfernung zwischen 2 Punkte ist nicht	3	2
mehr eine Gerade. Sondern eine gekrümmte		
Linie(vgl. Flugrouten)		
(KA) (kürzeste Abstand)	3	2
Senkrechte Geraden haben auf der Kugel ebenfalls		
zwei Schnittpunkte der Winkel in dem sie sich		
schneiden bleibt aber immer der gleiche (90°)?		
(SSP) (Senkrechte Schnittpunkte)	2	3
Bei drei Geraden bekommt man zwei Dreiecke.	2	2
(2D) (2 Dreieck)	2	3
2 senkrechte Geraden schneiden die Kugel in vier gleich große Teile.		
(4GT) (4 gleich Teile)	2	3
Flächenberechnung: Formeln wie bisher stimmen		3
nicht mehr.		
(FI) (Flächeninhalte)	2	3
Eine Strecke $\overline{AB}$ wird auf der Kugel eine Kurve.	1	4
Die Größen Verhältnisse bleiben auf der Kugel		
gleich wie in der Ebene.	1	4
Senkrechte Geraden haben auf der Kugel ebenfalls		
zwei Schnittpunkte der Winkel in dem sie sich		
schneiden bleibt aber immer der gleiche (90°?		
Bei parallelen Geraden ändert sich der Winkel in dem sie sich schneiden.	1	4
dem sie sich schneiden.	I	4

Bei vier sich schneiden Geraden entsteht durch die		
Verbindung der Schnittpunkte ein Quader.	1	4
Wenn der Radius unendlich (∞) groß wird, entsteht		
Geometrie in der Ebene.	1	4
Kreise werden zu Ellipsen.	1	4
Es gibt 2 Abstände zwischen 2 Punkte.	1	4
Die Geraden sind in Wirklichkeit gewölbt.	1	4
Die Fläche von Dreieck ist großer als in der Ebene		
(wegen Krümmung).	1	4
Die längste Gerade auf der Kugel ist die Gerade "um		
dem Durchmesser"	1	4
Geraden sind nicht unendlich lang.	1	4
Auf Kugel: Satz des Pythagoras stimmt nicht mehr.	1	4